Grundlagen: Algorithmen und Datenstrukturen

Abgabetermin: 10.05.2006 vor der Vorlesung

Aufgabe 1 (10 Punkte)

- (a) Beweisen oder widerlegen Sie $\sqrt{n}\sin^2(\pi n) = \Theta(\sqrt{n})$.
- (b) Beweisen oder widerlegen Sie $n^{(-1)^n} = \omega\left(\frac{1}{n!}\right)$.
- (c) Beweisen oder widerlegen Sie $\log_n(n!) = O(n)$.
- (d) Charakterisieren Sie das Verhältnis von (n-1)! und n! bezüglich der Landau-Symbole. Seien Sie so genau wie möglich!
- (e) Bestimmen Sie ein $f: \mathbb{N} \to \mathbb{R}_+$ mit $\prod_{j=2}^n \left(j \frac{1}{j}\right) = \Theta(f(n))$.

Aufgabe 2 (10 Punkte)

Implementieren Sie eine Klasse SecMaxIntArray, die das zweitgrößte Element eines Arrays bestimmt. Geben Sie eine möglichst schnelle Implementierung Ihrer Methode an. Analysieren Sie die Laufzeit Ihrer Methode für den schlechtesten und den besten Fall!

Hinweis: Laden Sie sich unter http://www14.in.tum.de/lehre/2006SS/gad/uebung/die Datei IntArray.java herunter. Erzeugen Sie eine neue Klasse SecMaxIntArray mit der Basisklasse IntArray und ergänzen Sie die Methode secmax(). Senden Sie danach die Datei SecMaxIntArray.java per Email an Ihren Tutor. Nur lauffähige Implementierungen werden bewertet!